DEPARTAMENTO DE MATEMÁTICAS.

MATEMÁTICAS DE 1ºESO.

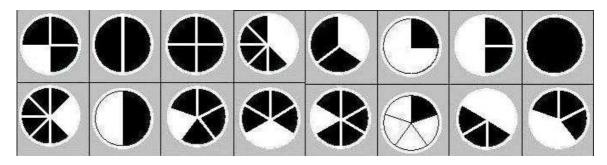
UNIDAD 3. FRACCIONES.



ACTIVIDADES

1. Fracciones.

1. Escribir a qué fracción equivale la zona sombreada en cada una de las siguientes figuras:



- 2. Indicar la fracción de año a la que equivale:
- a) Un semestre
- b) Un cuatrimestre
- c) Un trimestre
- d) Un mes
- 3. En un grupo de 1ºESO hoy han asistido a clase de Educación Física seis personas con camiseta azul, cuatro con camiseta roja, siete con camiseta verde y ocho con camiseta blanca. Escribir la fracción del total que representan cada uno de los colores.
- 4. Calcular: a) $\frac{2}{7}$ de 21 b) $\frac{3}{5}$ de 80 c) $\frac{5}{4}$ de 16 d) $\frac{3}{5}$ de 75

- 5. Se sabe que de 4 320 libros de Lengua y Literatura de una biblioteca, una cuarta parte son libros para niños y jóvenes, dos novenos son de misterio y tres quintos están prestados.
- a) Completa la tabla siguiente:

Número de libros para niños y jóvenes	
Número de libros de misterio	
Número de libros prestados	



- b) ¿Cuántos libros hay de Lengua y Literatura que se puedan consultar?
- 6. Calcular:
- a) Cuántos segundos son las dos quintas partes de un minuto.
- b) Cuántos minutos son las tres cuartas de una hora.
- c) Cuántas horas son las cinco octavas partes de un día.
- d) Cuántos días son las cuatro quintas partes de un año.

- 7. Si un kg de queso cuesta 16 €, calcular cuánto costarían:
- a) $\frac{1}{4}$ kg
- b) $\frac{1}{2}$ kg c) $\frac{3}{8}$ kg
- d) "Cuarto y mitad" (de kg)
- 8. Una cuerda tiene 30 metros de longitud. Calcular $\frac{1}{3}$, $\frac{1}{2}$ y $\frac{2}{5}$ respectivamente, de la cuerda.
- 9. Indicar cuáles de las siguientes fracciones son propias y cuáles son impropias:
- b) $\frac{1}{4}$ c) $\frac{5}{2}$ d) $\frac{8}{3}$ e) $\frac{4}{7}$ f) $\frac{5}{4}$

- 10. Descomponer las siguientes fracciones como suma de un natural y una fracción propia:
- b) $\frac{26}{3}$ c) $\frac{18}{7}$ d) $\frac{15}{4}$

2. Fracciones equivalentes. Fracción irreducible.

- 11. Indicar cuáles de las siguientes parejas de fracciones son equivalentes:

- a) $\frac{1}{4}$ y $\frac{2}{8}$ b) $\frac{1}{4}$ y $\frac{1}{8}$ c) $\frac{1}{3}$ y $\frac{2}{3}$ d) $\frac{2}{3}$ y $\frac{3}{6}$ e) $\frac{1}{2}$ y $\frac{2}{4}$
- 12. Hallar dos fracciones equivalentes a las fracciones: a) $\frac{1}{3}$ b) $\frac{3}{5}$ c) $\frac{8}{3}$ d) $\frac{-3}{7}$ e) $\frac{-11}{4}$

- 13. Calcular el valor de x en cada uno de los siguientes casos:
- a) $\frac{1}{2} = \frac{x}{6}$ b) $\frac{2}{3} = \frac{10}{x}$ c) $\frac{1}{3} = \frac{x}{6}$ d) $\frac{2}{3} = \frac{8}{x}$

- 14. Hallar la fracción irreducible equivalente a las fracciones:
- a) $\frac{28}{4}$

- b) $\frac{48}{72}$ c) $\frac{15}{60}$ d) $\frac{56}{7}$ e) $\frac{70}{20}$ f) $\frac{18}{3}$ g) $\frac{125}{100}$
- 15. Ordenar de menor a mayor las siguientes fracciones, mediante común denominador:

- a) $\frac{1}{5}$ $\frac{4}{15}$ $\frac{1}{3}$ $\frac{-3}{2}$ b) $\frac{1}{5}$ $\frac{-2}{5}$ $\frac{3}{10}$ $\frac{1}{2}$ c) $\frac{-4}{3}$ $\frac{2}{9}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{5}{12}$
- 16. Ordenar de menor a mayor las siguientes fracciones, mediante la expresión decimal:

- a) $\frac{1}{15}$ $\frac{2}{5}$ $\frac{3}{2}$ $\frac{-4}{3}$ b) $\frac{1}{10}$ $\frac{-3}{2}$ $\frac{3}{2}$ $\frac{1}{5}$ c) $\frac{-4}{9}$ $\frac{2}{3}$ $\frac{1}{12}$ $\frac{5}{2}$
- 17. En un colegio, un tercio de los alumnos estudian inglés y el 33% estudian francés. ¿Cuál es la lengua más elegida?
- 18. Un coche recorre 50 km en tres cuartos de hora y otro recorre 36 km en 27 minutos. ¿Cuál es más rápido?

3. Operaciones con fracciones.

19. Realizar las siguientes operaciones, dando la respuesta lo más simplificada posible:

a)
$$\frac{1}{3} + \frac{5}{4} + \frac{3}{2}$$

b)
$$\frac{4}{3} + \frac{5}{3} - \frac{3}{2}$$

c)
$$\frac{1}{3} + \frac{9}{5} - \frac{5}{3}$$

d)
$$\frac{1}{2} - \frac{5}{6} + \frac{7}{3}$$

e)
$$\frac{1}{3} + \frac{1}{2} - \frac{1}{5}$$
 f) $\frac{1}{2} - \frac{1}{3} + \frac{1}{4}$ g) $\frac{3}{4} - \frac{1}{2} + 1$ h) $3 - \frac{1}{2} + \frac{2}{3}$

f)
$$\frac{1}{2} - \frac{1}{3} + \frac{1}{4}$$

g)
$$\frac{3}{4} - \frac{1}{2} + \frac{1}{2}$$

h)
$$3 - \frac{1}{2} + \frac{2}{3}$$

i)
$$2 - \left(\frac{2}{3} + \frac{1}{6}\right)$$

i)
$$2 - \left(\frac{2}{3} + \frac{1}{6}\right)$$
 j) $\left(3 - \frac{2}{3}\right) + \left(3 - \frac{1}{4}\right)$ k) $\frac{2}{3} - 2 + \frac{1}{2}$ l) $1 - \frac{1}{3} - \frac{1}{4}$

k)
$$\frac{2}{3} - 2 + \frac{1}{2}$$

1)
$$1 - \frac{1}{3} - \frac{1}{4}$$

20. Disponemos de ocho botellas de diferentes capacidades con los datos de la tabla siguiente:

Botella	A	В	С	D	E	F	G	Н
Fracción	$\frac{1}{5}$		$\frac{1}{3}$		$\frac{3}{4}$		$\frac{3}{2}$	
Litros			0,333	0,5		1		
Centilitros		25	33,3					200

Rellenar los espacios adecuadamente con los datos que faltan.

21. Realizar las siguientes operaciones, dando la respuesta lo más simplificada posible:

a)
$$\frac{4}{5} \cdot \frac{3}{5}$$

b)
$$\frac{8}{9}:\frac{2}{9}$$

c)
$$\frac{4}{3} \cdot \frac{9}{3}$$

d)
$$\frac{7}{6}:\frac{5}{6}$$

e)
$$\frac{5}{2} \cdot \frac{2}{4}$$

f)
$$\frac{3}{4}:\frac{1}{2}$$

g)
$$\frac{1}{3} \cdot 6$$

g)
$$\frac{1}{3} \cdot 6$$
 h) $\frac{3}{2} : \frac{5}{2}$

22. Realizar las siguientes operaciones, dando la respuesta lo más simplificada posible:

a)
$$\frac{1}{2} - \left(\frac{1}{3} + \frac{1}{2}\right) - \left(3 \cdot \frac{1}{2}\right)$$

b)
$$\frac{1}{4} - \frac{3}{2} + 2 \cdot \left(\frac{1}{3} - \frac{1}{2}\right)$$
 c) $\frac{1}{4} - \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{2} - \frac{3}{2}$

c)
$$\frac{1}{4} - \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{2} - \frac{3}{2}$$

d)
$$\left(\frac{3}{2} - \frac{4}{3}\right) : \frac{1}{3}$$

e)
$$\frac{1}{2} \cdot \frac{1}{3} - \left(\frac{1}{3} + 1\right)$$

f)
$$\frac{1}{8} - \left(\frac{3}{8} - \frac{3}{4}\right)$$

$$g)\left(\frac{5}{2} - \frac{3}{4}\right) \cdot \left(\frac{1}{6} + \frac{1}{3}\right)$$

h)
$$\left(\frac{2}{3} - 2\right) \cdot \left(3 - \frac{2}{3}\right)$$

i)
$$\left(\frac{5}{3}-1\right)\cdot\left(\frac{2}{3}-\frac{1}{2}\right)$$

$$j) \left(\frac{5}{2} - 1\right) \cdot 3$$

k)
$$2:\left(\frac{1}{2}-\frac{1}{3}\right)+\frac{1}{4}$$

l)
$$\left(\frac{3}{2}:\frac{1}{2}\right)+\left(\frac{1}{3}:\frac{1}{2}\right)$$

m)
$$\frac{2}{3} + 3 : \left(\frac{1}{4} \cdot \frac{2}{3}\right)$$

$$\tilde{n}$$
) $\left(\frac{1}{4} - \frac{1}{3}\right) \cdot \left(\frac{1}{3} + \frac{1}{2}\right)$

o)
$$\frac{\frac{2}{3} - \frac{1}{2}}{\frac{1}{6} + \frac{1}{2}}$$

p)
$$\frac{\frac{1}{3} - (\frac{1}{2} - 1)}{\frac{3}{2} - 1}$$

q)
$$\frac{2 \cdot \left(\frac{2}{5} - \frac{1}{3}\right)}{-3 \cdot \left(\frac{2}{3} - \frac{1}{5}\right)}$$

4. Problemas con fracciones.

- 23. En una encuesta sobre consumo, un tercio de las personas encuestadas afirman que les gusta el café. Otro tercio declaran que no les gusta y el resto, no contestan.
- a) ¿Qué fracción de los encuestados contestan?
- b) ¿Qué fracción no contestan?
- 24. Salvador invita a sus amigos a comer un pastel. Pablo come un cuarto, Luisa come un quinto y Rosana come un tercio. Si Salvador se come el resto, ¿qué fracción come?
- 25. En la merienda, Ana se ha comido la mitad de la tarta, María la cuarta parte y Elena la sexta parte. ¿Se ha quedado el plato vacío? ¿Por qué?
- 26. Los dos tercios de la superficie de una finca se dedican al cultivo de tomates, una cuarta parte al cultivo de lechugas y lo demás se deja sin cultivar. Si la finca tiene $1\ 200\ m^2$, ¿cuál es la superficie que queda sin cultivar?
- 27. Un excursionista tiene que recorrer 30 km por la sierra. Dos quintos del viaje los realiza en un vehículo todoterreno y un tercio a caballo. ¿Qué distancia tendrá que recorrer andando?
- 28. Un piso de 90 m² se reparte de la siguiente manera: la mitad del piso corresponde a las habitaciones, una sexta parte a la cocina, una novena parte a los cuartos de baño y el resto a los pasillos. ¿Cuántos m² ocupan los pasillos?
- 29. Un camión transporta 15 toneladas de fruta. Una quinta parte son naranjas, dos terceras partes son manzanas y el resto, peras. ¿Cuántas toneladas de cada fruta transporta?
- 30. Calcular el número de habitantes de una población sabiendo que 2 800 de ellos suponen los dos séptimos del total.
- 31. En una huerta hay 4 800 m² dedicados al cultivo del maíz, lo que supone tres quintos de la superficie total. ¿Cuál es la superficie total de la huerta?
- 32. Una agricultora riega por la mañana dos quintas partes de un campo. Por la tarde riega el resto, que son 6 000 m². ¿Cuál es la superficie del campo?
- 33. Se siembra una quinta parte de una huerta de patatas y una cuarta parte de cebollas. La huerta tiene 1 000 m². ¿Qué fracción del terreno queda sin sembrar? ¿Qué superficie de terreno queda sin sembrar?
- 34. En una fábrica utilizan un frasco de perfume con una capacidad de un cuarto de litro.
- a) Calcular cuántos litros de perfume hay en total en 28 frascos.
- b) Calcular cuántos frascos se pueden llenar con 14 litros de perfume.
- 35. a) ¿Cuántas latas de un tercio de litro se necesitan para enlatar 300 litros de refresco? b) ¿Cuántos vasos de un octavo de litro se pueden llenar con una botella de 3/4 de litro?
- 36. Si el envase de un medicamento líquido tiene una capacidad de 1/20 de litro, ¿cuántos envases se pueden llenar con 20 litros de medicamento?

SOLUCIONES

- 1. De izquierda a derecha, en la primera fila: 3/4; 2/2; 4/4; 5/8; 2/3; 1/4; 2/4; 1/1 De izquierda a derecha, en la segunda fila: 6/8; 1/2; 4/5; 4/6; 5/6; 1/5; 3/6; 3/5
- 2. a) Un medio; b) Un tercio; c) Un cuarto; d) Un doceavo.
- 3. Azul 6/25; roja 4/25; verde 7/25; blanca 8/25
- 4. a) 6; b) 48; c) 20; d) 45.
- 5. a) Para niños y jóvenes, 1 080 libros; de misterio, 960 libros; prestados, 2 592 libros;
- b) Se pueden consultar 1 728 libros.
- 6. a) 24 segundos; b) 45 minutos; c) 15 horas; d) 292 días.
- 7. a) 4 €; b) 8 €; c) 6 €; d) 6 €
- 8. Respectivamente 10 m, 15 m y 12 m.
- 9. a) Propia; b) Propia; c) Impropia; d) Impropia; e) Propia; f) Impropia; g) Propia.

10. a)
$$2 + \frac{3}{5}$$
; b) $8 + \frac{2}{3}$; c) $2 + \frac{4}{7}$; d) $3 + \frac{3}{4}$

11. a) Sí; b) No; c) No; d) No; e) Sí.

12. a)
$$\frac{1}{3} = \frac{2}{6} = \frac{3}{9}$$
; b) $\frac{3}{5} = \frac{6}{10} = \frac{9}{15}$; c) $\frac{8}{3} = \frac{16}{6} = \frac{24}{9}$; d) $\frac{-3}{7} = \frac{-6}{14} = \frac{-9}{21}$; e) $\frac{-11}{4} = \frac{-22}{8} = \frac{-33}{12}$

- 13. a) x = 3; b) x = 15; c) x = 2; d) x = 12
- 14. a) 7; b) 2/3; c) 1/4; d) 8; e) 7/2; f) 6; g) 5/4

15. a)
$$\frac{-3}{2} < \frac{1}{5} < \frac{4}{15} < \frac{1}{3}$$
; b) $\frac{-2}{5} < \frac{1}{5} < \frac{3}{10} < \frac{1}{2}$; c) $\frac{-4}{3} < \frac{2}{9} < \frac{5}{12} < \frac{1}{2}$

16. a)
$$\frac{-4}{3} < \frac{1}{15} < \frac{2}{5} < \frac{3}{2}$$
; b) $\frac{-3}{2} < \frac{1}{10} < \frac{1}{5} < \frac{3}{2}$; c) $\frac{-4}{9} < \frac{1}{12} < \frac{2}{3} < \frac{5}{2}$

- 17. Inglés es la más elegida, pero por muy poca diferencia.
- 18. Es más rápido el que recorre 36 km en 27 minutos.
- 19. a) 37/12; b) 3/2; c) 7/15; d) 2; e) 19/30; f) 5/12; g) 5/4; h) 19/6; i) 7/6; j) 61/12; k) -5/6; l) 5/12

20.

Botella	A	В	С	D	E	F	G	Н
Fracción	$\frac{1}{5}$	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{3}{4}$	1	$\frac{3}{2}$	2
Litros	0,2	0,25	0,333	0,5	0,75	1	1,5	2
Centilitros	20	25	33,3	50	75	100	150	200

- 21. e) 5/4; f) 3/2; g) 2; h) 3/5
- 22. a) -11/6; b) -19/12; c) -17/12; d) 1/2; e) -7/6; f) 1/2; g) 7/8; h) -28/9; i) 1/9; j) 9/2; k) 49/4; l) 11/3; m) 56/3; n) -1/4; ñ) -5/72; o) 3/2; p) 5/3; q) -2/21
- 23. a) Contestan 2/3; b) No contesta 1/3.

- 24. Salvador come 13/60 del pastel.
- 25. No se ha quedado el plato vacío porque aún queda 1/12.
- 26. Quedan sin cultivar 100 m².
- 27. Tendrá que recorrer 8 km andando.
- 28. Ocupan 20 m^2
- 29. Transporta 3 toneladas de naranjas, 10 toneladas de manzanas y 2 toneladas de peras.
- 30. La población tiene 9 800 habitantes.
- 31. La superficie total de la huerta es 8 000 m².
- 32. La superficie del campo es 10 000 m².
- 33. Quedan sin sembrar 11/20, lo que equivale a 550 m².
- 34. a) 7 litros; b) 56 frascos.
- 35. a) 900 latas; b) 6 vasos.
- 36. Se pueden llenar 400 envases.