

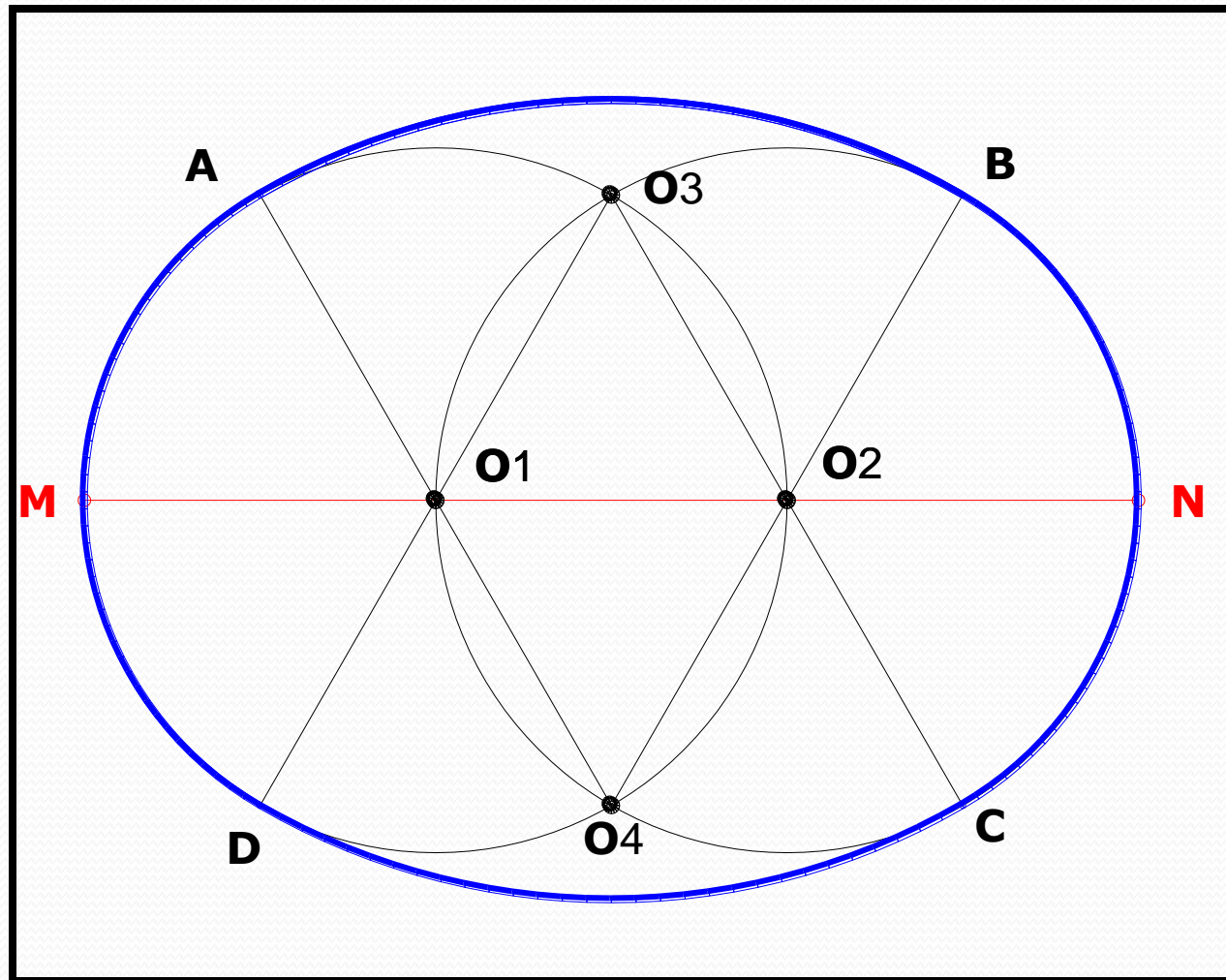
# Curvas Técnicas

# CONSTRUCCIÓN DE UN ÓVALO CONOCIENDO EL EJE MAYOR

1 Se divide el segmento  $MN$  en tres partes iguales obteniendo los puntos  $O_1$  y  $O_2$ .

2 Con centros en  $O_1$  y  $O_2$  se trazan las circunferencias de radios  $O_1M$  y  $O_2N$ , respectivamente.

3 Los puntos de intersección de estas dos circunferencias,  $O_3$  y  $O_4$ , son los centros de los otros dos arcos del óvalo.

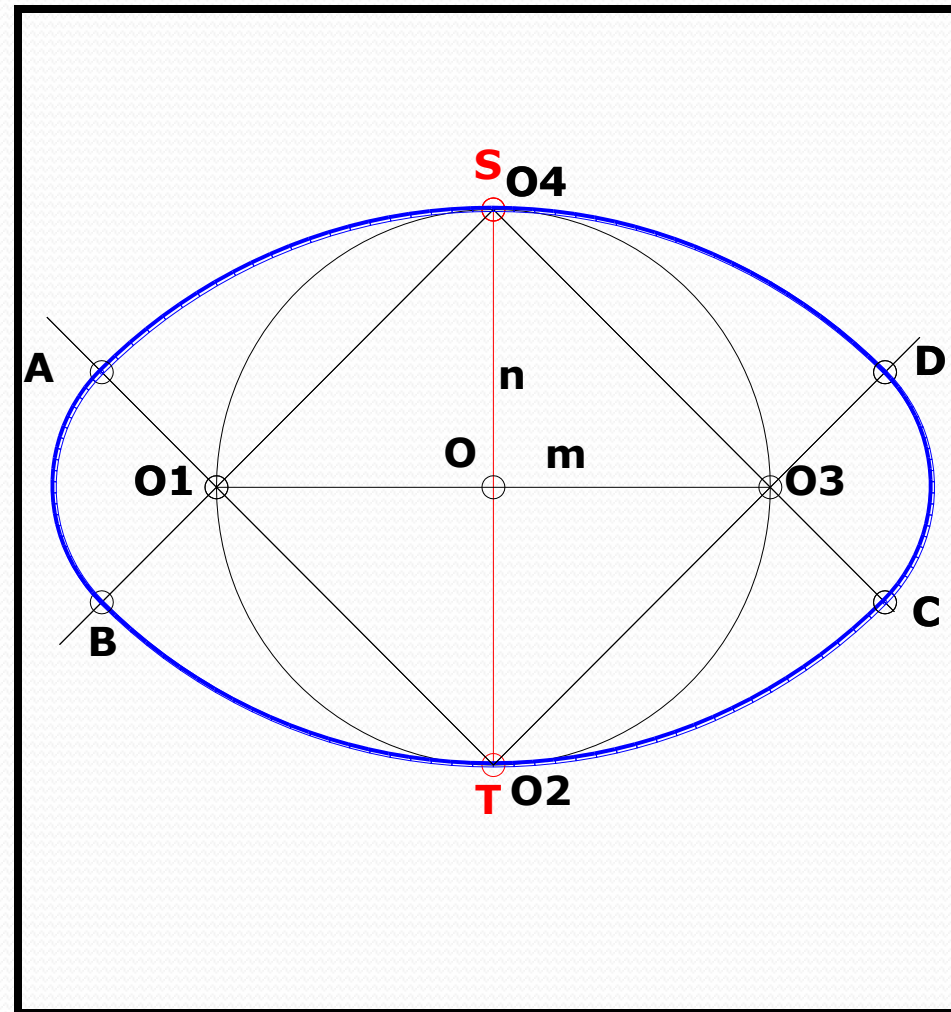


# CONSTRUCCIÓN DE UN ÓVALO CONOCIENDO EL EJE MENOR

Sea  $ST$  el eje menor del óvalo

1 Se dibuja una circunferencia de diámetro  $ST$  y se trazan los diámetros perpendiculares  $m$  y  $n$ .

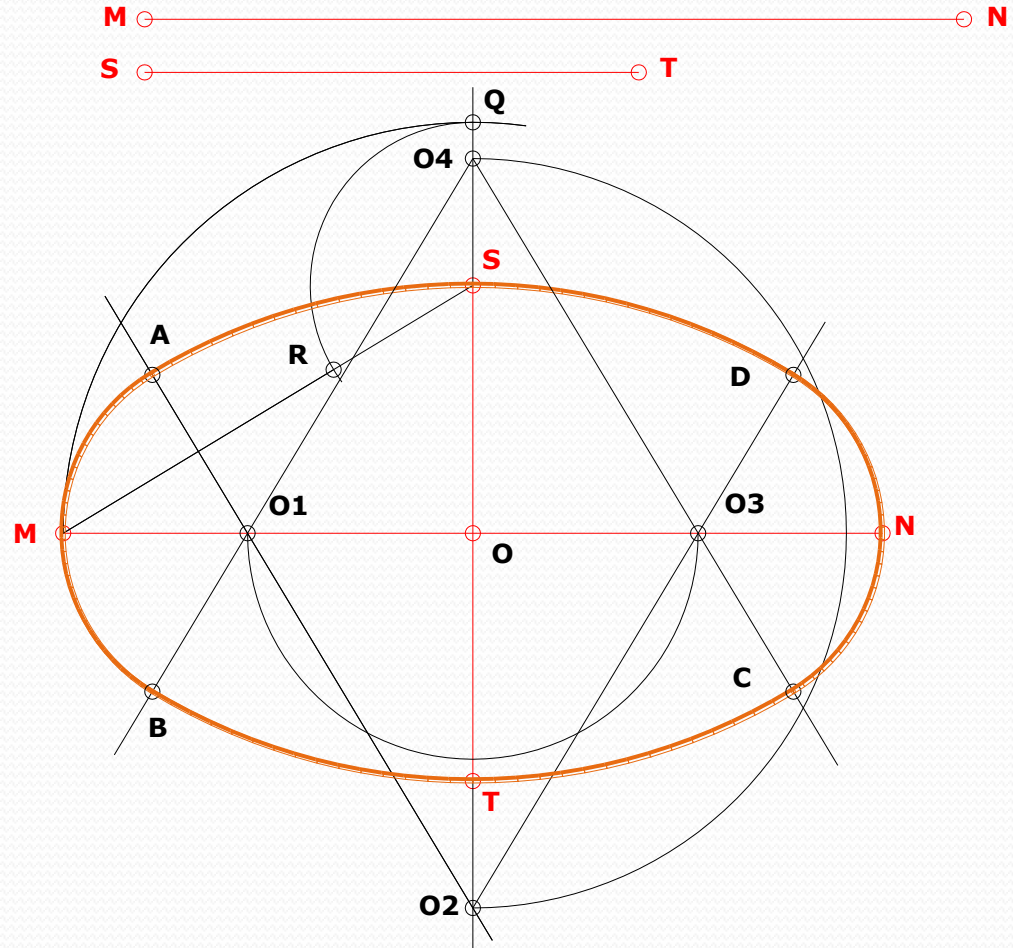
2 Con centro en los puntos  $O_1$ ,  $O_2$ ,  $O_3$  Y  $O_4$  se trazan los cuatro arcos que forman el óvalo.



# CONSTRUCCIÓN DE UN ÓVALO DE CUATRO CENTROS CONOCIENDO LOS DOS EJES PERPENDICULARES

Sean  $MN$  y  $ST$  los ejes:

- 1 Se dibujan  $MN$  y  $ST$  cortándose en su punto medio  $O$ .
- 2 Con centro en  $O$  y radio el semieje mayor  $OM$  se traza un arco hasta cortar al otro eje en  $S$ .
- 3 Con centro en  $S$  y radio  $SO$  se traza otro arco que corta a la recta  $MS$  en  $R$ .
- 4 Se traza la mediatriz del segmento  $MR$ , que corta a los ejes en los puntos  $O_1$  y  $O_2$ ,
- 5 Los puntos  $O_1$  y  $O_2$ , junto con los puntos  $O_3$  y  $O_4$ , simétricos de los anteriores respecto del centro  $O$ , son los centros de los arcos del óvalo.



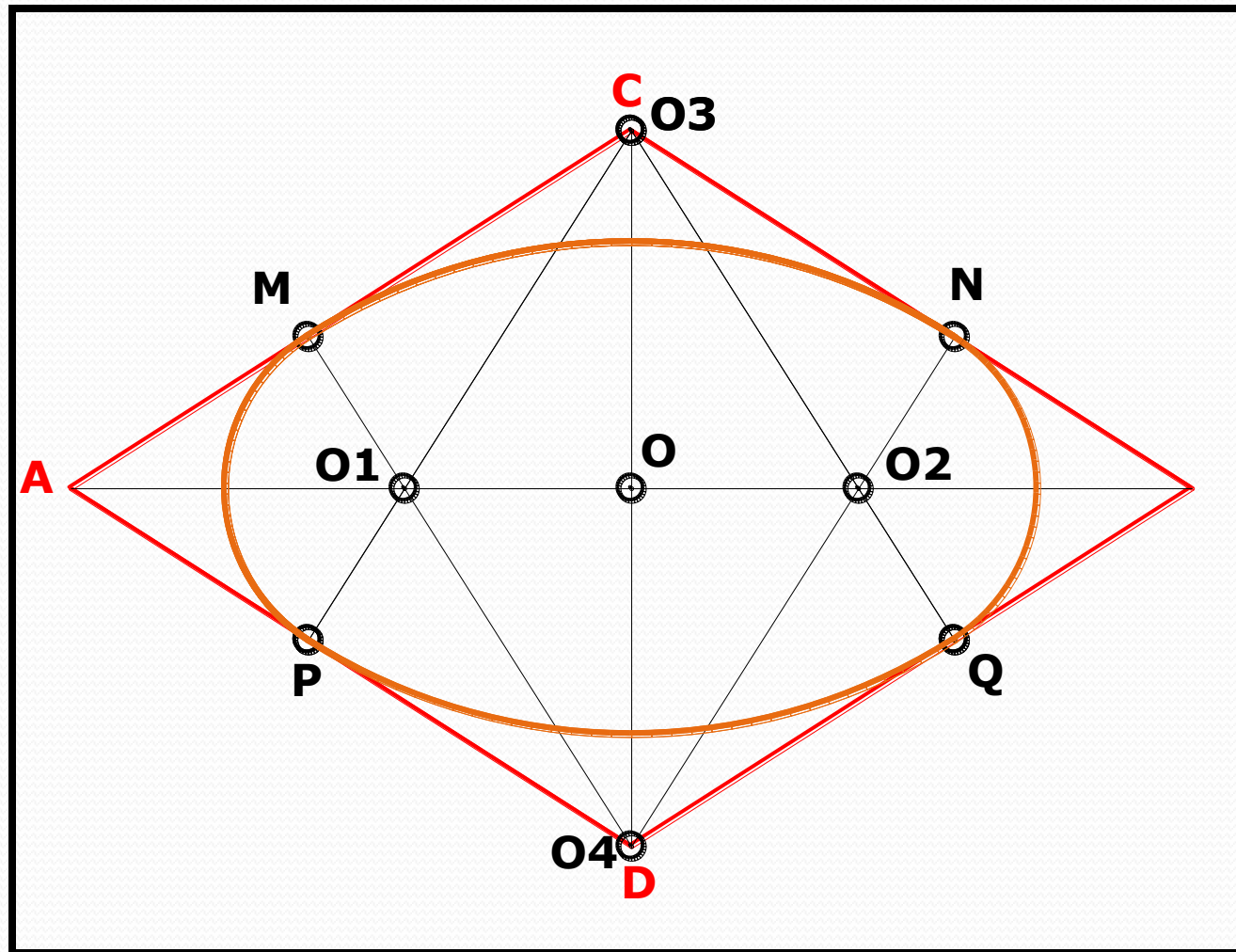
# CONSTRUCCIÓN DE UN ÓVALO INSCRITO EN UN ROMBO DADO

Sea el rombo  $ADBC$ :

1 Por el punto  $C$  se trazan las rectas perpendiculares a los lados  $AD$  y  $De$ .

2 Por el punto  $O$  se trazan las rectas perpendiculares a los lados  $AC$  y  $CS$ .

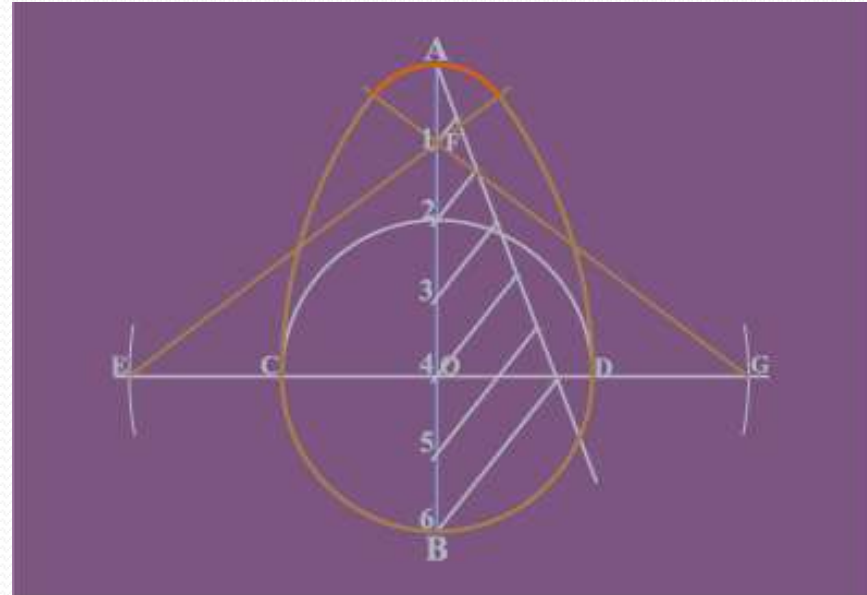
3 Los puntos  $O_1$  y  $O_2$ , de intersección de las rectas trazadas, son los centros de los arcos pequeños  $NO$  y  $MP$ , Y los puntos  $C$  y  $O$  son los centros  $o_3$  y  $o_4$  de los arcos grandes  $MN$  y  $PO$  que completan el óvalo.



# CONSTRUCCIÓN DE UN OVOIDE

Los **ovoides** son curvas cerradas de la misma naturaleza que los óvalos. Por lo tanto tienen también sus mismas propiedades. Pero hay una diferencia importante:

- Así como los óvalos son **simétricos** respecto a sus dos ejes, los ovoides sólo lo son respecto a su **eje mayor**, lo que les confiere su aspecto característico, parecido a un huevo.



# CONSTRUCCIÓN DE UN OVOIDE CONOCIENDO SU EJE

Sea  $MN$  el eje del ovoide(Fig. 6):

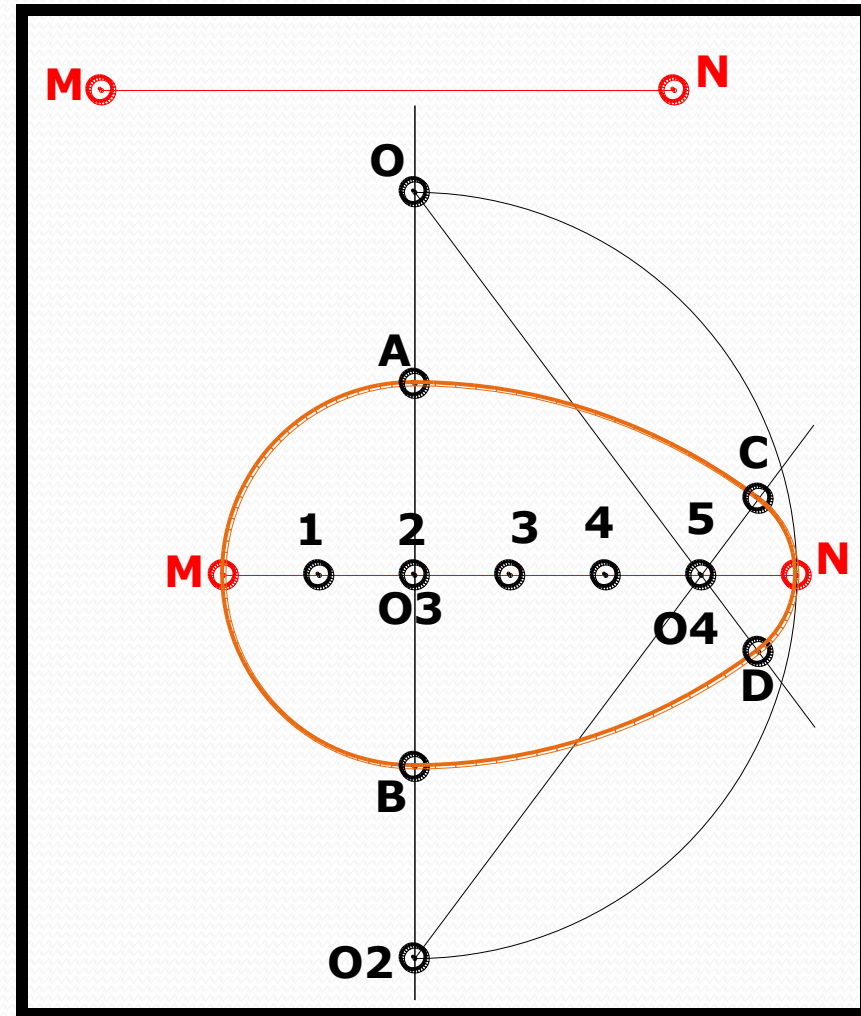
1 Se divide el eje  $MN$  en seis partes iguales, numerándolas llamando  $O3$  al punto número 2 y  $O4$  al punto número 5.

2 Por  $O3$  se traza la perpendicular la recta  $MN$ .

3 Con centro en  $O3$  y radio  $O3M$  se describe una semicircunferencia hasta cortar a la perpendicular.

4 Con centro en  $O3$  y radio  $O3N$  se describe otra semicircunferencia que corta a la perpendicular trazada por  $O3$  en los puntos  $O1$  y  $O2$ .

5 Los puntos  $O1$ ,  $O2$ ,  $O3$  Y  $O4$  son los centros para construir el ovoide.



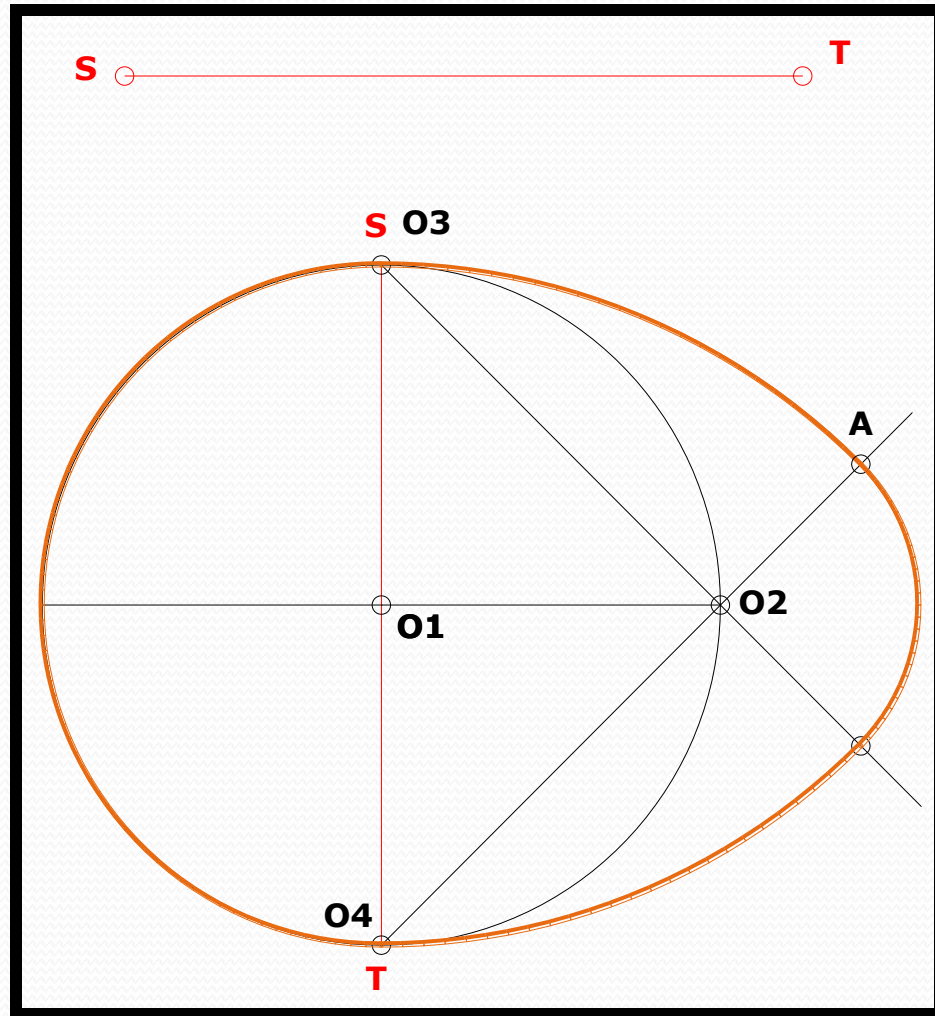
# CONSTRUCCIÓN DE UN OVOIDE CONOCIENDO SU DIÁMETRO O EJE MENOR

Sea  $ST$  el diámetro del ovoide:

1 Con diámetro  $ST$  se traza una circunferencia cuyo centro es el punto  $O1$ .

2 Se dibuja la recta perpendicular a  $ST$ , que corta a la circunferencia en el punto  $O2$ .

3 Llamando  $O3$  y  $O4$  a los puntos  $S$  y  $T$ , los puntos  $O1$ ,  $O2$ ,  $O3$  y  $O4$  son los centros de los cuatro arcos del ovoide.





# CONSTRUCCIÓN DE LA ESPIRAL DE ARQUÍMEDES CONOCIENDO EL PASO

La *espiral* es una línea curva que da vueltas alrededor de un punto alejándose de él gradualmente. Se denomina **paso** a la distancia radial que existe entre dos vueltas o espiras consecutivas.

Sea  $OM$  el paso de la espiral (Fig. 9):

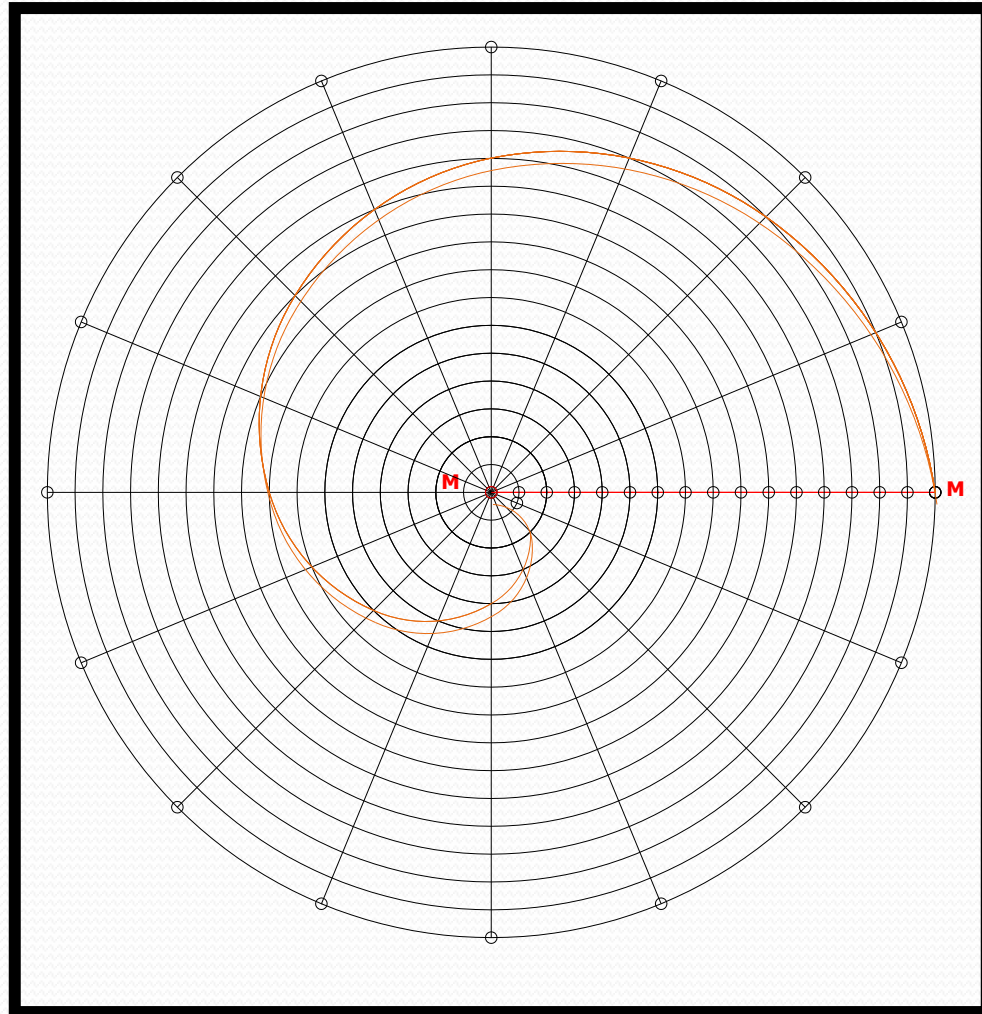
1 Se dibuja la circunferencia con centro en el punto  $O$  y radio  $OM$ .

2 Se divide esta circunferencia en un número de partes iguales, por ejemplo en 16, numerando cada uno de estos puntos  $1', 2', 3', \dots$

3 Se divide el segmento  $OM$  en el mismo número de partes iguales en que se haya dividido la circunferencia, es decir 16, numerando a partir del centro todos los puntos  $1, 2, 3, \dots$

4 Se trazan las circunferencias concéntricas con centro en el punto  $O$  y radios  $O1, O2, O3, \dots$

5 Los puntos de intersección de estas circunferencias con los radios  $O1', O2', O3', \dots$  nos dan los puntos  $A, a, C, \dots$  que, unidos a mano alzada o con plantilla, definen la espiral.



**La *voluta*** es una curva formada por arcos de circunferencia tangentes entre sí, cuyos centros son los vértices de un polígono. .



# CONSTRUCCIÓN DE UNA VOLUTA DE VARIOS CENTROS CONOCIENDO EL PASO

Como ejemplo vamos a construir la voluta de cuatro centros. Sea  $p$  el paso de la voluta:

- 1 El segmento  $AB = p$  se divide en tantas partes como centros tenga la voluta; en nuestro caso lo dividimos en cuatro partes.
- 2 Se construye un polígono regular cuyo lado mida lo mismo que una de las divisiones anteriores; en nuestro caso construiremos un cuadrado  $MNPQ$  de lado  $l = p/4$ . A continuación prolongamos los lados del polígono.
- 3 Con centro en un vértice cualquiera, por ejemplo en  $M$ , y radio  $MQ = p/4$  se traza un arco hasta cortar a la prolongación de uno de los lados en  $R$ .
- 4 Con centro en el vértice  $N$  y extremo en el punto  $R$  del arco anterior, se traza el arco  $RS$  hasta cortar a la prolongación del siguiente lado del cuadrado.
- 5 Con centro en el siguiente vértice  $P$  y extremo en el punto  $S$  del arco anterior, se traza el arco  $Sr$ .
- 6 Con centro en el siguiente vértice  $Q$  y extremo en el punto  $T$  del arco anterior, se traza el arco  $TU$ , completando así una vuelta. El proceso se sigue hasta completar el número de vueltas deseado.

