

SISTEMAS DE ECUACIONES COMO TRABAJO COOPERATIVO

José Mariano Bajo Benito, *Colegio San José SS.CC. (Sevilla)*

RESUMEN

Con este trabajo pretendo dar un ejemplo de cómo se le puede mostrar e inculcar unos conceptos y técnicas matemáticas como los sistemas de ecuaciones y su resolución, a través del trabajo cooperativo, a una serie de alumnos de secundaria obligatoria, de una forma amena y participativa con el fin de que cada alumno adquiera un protagonismo dentro de la clase al intentar comprender y transmitir unos conocimientos de matemáticas que se les van a exigir en el temario, al mismo tiempo estamos socializando la clase de forma que los alumnos vean que ellos por sí solos y/o agrupados pueden adentrarse en el descubrimiento de las matemáticas y sean autónomos en su aprendizaje, siendo el profesor el conductor y moderador dentro de su educación.

1. INTRODUCCIÓN

Hace tiempo que nuestros alumnos de secundaria se cansan o aburren en las clases, al ser espectadores pasivos de su aprendizaje, ya es hora que los profesores promovamos estrategias y actividades que promuevan un aprendizaje activo en nuestros alumnos, con el fin de que sean protagonistas de su propio aprendizaje.

El trabajo cooperativo debe ser un tema tratado de forma progresiva en estos niveles de enseñanza, partiendo de los conceptos más sencillos para poder avanzar según el ritmo de los alumnos, teniendo en cuenta el progreso de aprendizaje de cada uno de ellos y pudiendo adquirir los conocimientos necesarios para que puedan ser llevados a cabo en el día a día.

Según estos autores Yus (1997), Pujolás (2009), Johnson & Johnson y Holubec (1991) que basan la mayoría de sus investigaciones en un aprendizaje colaborativo o cooperativo, donde declaran que el uso de este tipo de aprendizaje refuerza y estimula el aprendizaje por estar trabajando en grupos pequeños donde se ayudan entre sí para sacar el mayor rendimiento a su trabajo, potenciando las habilidades sociales y de relación entre ellos favoreciendo el clima de clase.

Por todo esto, nos planteamos la necesidad de una enseñanza basada en la cooperación para que los niños adopten unas actitudes sociales que lleven a un trabajo entre semejantes con beneficios mutuos y comunes para maximizar su propio aprendizaje y el de los demás.

Para nuestro colegio, es fundamental basar una parte de la enseñanza en un trabajo cooperativo donde, desde el aula, se les enseñe la importancia de un trabajo en equipo y evitar la confrontación como medio para alcanzar sus objetivos individuales además de elevar el rendimiento de todos sus alumnos, incluidos tanto los alumnos más brillantes como los que tienen dificultades de aprendizaje.

Desde esta perspectiva surge esta actividad, pues es importante trabajar con una metodología basada en la motivación, que sea activa y participativa, y más concretamente en segundo de la eso, en el área de matemáticas en el tema de resolución de sistemas de ecuaciones.

2. PARTICIPANTES

Se propone una actividad para un grupo de alumnos de secundaria en la clase de matemáticas de segundo de eso y se pretende trabajar la resolución de sistemas de dos ecuaciones lineales con dos incógnitas desde las distintas formas de resolverlos: sustitución, igualación, reducción y gráfico.

3. ACTUACIÓN

El planteamiento se basa en la actuación de grupos colaborativos o cooperativos, mediante la estrategia de los cuatro colores de la siguiente forma: Se separa la clase en grupos de cuatro alumnos, asignándole a cada alumno del grupo uno de los cuatro métodos de resolución de sistemas de ecuaciones lineales con dos incógnitas.

A continuación se separan los grupos y cada alumno se agrupa con su método que se llamará el comité de expertos del tema, en ese grupo se pone de manifiesto el método y tienen que sacar una conclusión común sobre el método (15 minutos).

Posteriormente se reúne cada grupo con sus cuatro integrantes, con el fin de que cada experto del tema que le ha tocado se lo explique a sus tres compañeros con el objetivo de que todos sepan sobre todos los métodos (20 minutos).

Por último el profesor pregunta en cada grupo a un alumno que no sea experto de su tema con el propósito de saber si se han enterado correctamente los integrantes del grupo, y si aún no han logrado comprenderlo completamente, el profesor actúa.

4. MATERIALES

Introducción común que el profesor debe mostrar antes de la actuación:

Sistemas de ecuaciones lineales con dos incógnitas

Se llama sistema de ecuaciones lineales a un conjunto de dos o más ecuaciones que tienen idéntica solución, es decir, que las soluciones satisfacen a cada una de las ecuaciones dadas y el grado de cualquier monomio de la ecuación es como máximo 1.

La Solución de un sistema de ecuaciones requiere de tantas ecuaciones independientes como incógnitas se tengan que determinar; así un sistema de ecuaciones de primer grado con dos incógnitas constará de dos ecuaciones independientes; así un sistema de ecuaciones de primer grado con tres incógnitas constara de tres ecuaciones independientes; etc.

Dos ecuaciones con dos incógnitas forman un sistema, cuando lo que pretendemos de ellas es encontrar su solución común.

La solución de un sistema es un par de números x_1, y_1 , tales que reemplazando x por x_1 e y por y_1 , se satisfacen a la vez ambas ecuaciones.

Criterios de equivalencia

1° Si a ambos miembros de una ecuación de un sistema se les suma o se les resta una misma expresión, el sistema resultante es equivalente.

2° Si multiplicamos o dividimos ambos miembros de las ecuaciones de un sistema por un número distinto de cero, el sistema resultante es equivalente.

3° Si sumamos o restamos a una ecuación de un sistema otra ecuación del mismo sistema, el sistema resultante es equivalente al dado.

4° Si en un sistema se sustituye una ecuación por otra que resulte de sumar las dos ecuaciones del sistema previamente multiplicadas o divididas por números no nulos, resulta otro sistema equivalente al primero.

5° Si en un sistema se cambia el orden de las ecuaciones o el orden de las incógnitas, resulta otro sistema equivalente.

A continuación se reparten las descripciones de las diferentes formas de resolver sistemas de ecuaciones lineales con dos incógnita, se reparten las 4 definiciones a cada grupo, es decir, una tarjeta a cada integrante del mismo:

Tarjeta 1

Método de sustitución

1. Se despeja una incógnita en una de las ecuaciones.
2. Se sustituye la expresión de esta incógnita en la otra ecuación, obteniendo una ecuación con una sola incógnita.
3. Se resuelve la ecuación.
4. El valor obtenido se sustituye en la ecuación en la que aparecía la incógnita despejada.
5. Los dos valores obtenidos constituyen la solución del sistema.

Tarjeta 2

Método de igualación

1. Se despeja la misma incógnita en ambas ecuaciones.
2. Se igualan las expresiones, con lo que obtenemos una ecuación con una incógnita.
3. Se resuelve la ecuación.
4. El valor obtenido se sustituye en cualquiera de las dos expresiones en las que aparecía despejada la otra incógnita.
5. Los dos valores obtenidos constituyen la solución del sistema.

Tarjeta 3

Método de reducción

1. Se preparan las dos ecuaciones, multiplicándolas por los números que convenga.
2. La restamos, y desaparece una de las incógnitas.
3. Se resuelve la ecuación resultante.
4. El valor obtenido se sustituye en una de las ecuaciones iniciales y se resuelve.
5. Los dos valores obtenidos constituyen la solución del sistema.

Tarjeta 4

Método Gráfico de resolución de sistemas

Cada una de las ecuaciones que forman un sistema lineal de dos ecuaciones con dos incógnitas es la de una función de primer grado, es decir, una recta. El *método gráfico* para resolver este tipo de sistemas consiste, por tanto, en representar en unos ejes cartesianos, o sistema de coordenadas, ambas rectas y comprobar si se cortan y, si es así, dónde. El proceso de resolución de un sistema de ecuaciones mediante el *método gráfico* se resume en las siguientes fases:

1. Se despeja la incógnita y en ambas ecuaciones.
2. Se construye, para cada una de las dos funciones de primer grado obtenidas, la tabla de valores correspondientes.
3. Se resuelve la ecuación resultante. Se representan gráficamente ambas rectas en los ejes coordenados.

Cada Grupo tiene un alumno que es especialista en una forma de resolver el sistema, se concentran en un lugar para informarse y sacar una idea común que luego llevan al grupo donde cada individuo debe explicarlo a los demás integrantes y por último el profesor pregunta a los integrantes del grupo por el método del que no es especialista.

5. CONCLUSIONES

Dada la práctica, los resultados son favorables en cuanto a motivación y entendimiento, pues según argumentas los alumnos, los compañeros le han explicado cada una de las definiciones con sus mismas palabras, es decir, con un lenguaje más coloquial y menos formal para abordar estos nuevos conceptos.

A nivel de resultados académicos parece que hay un aumento de la media con respecto al año anterior, pero este dato no es del todo concluyente puesto que los alumnos son diferentes y debemos hacer la práctica con varias muestras para valorar los resultados.

A partir de la práctica llevada a cabo en el aula, aporta un mayor beneficio al desarrollo de las habilidades sociales, fomenta la integración por parte de todos los alumnos y ayudando a mejorar la discriminación en el aula, pues cada alumno se siente importante ya que lleva una responsabilidad dentro del grupo.

Finalmente pienso que se puede llegar a lograr un mejor aprendizaje, a través de la comunicación entre iguales, la crítica y la investigación, y así fomentar un compromiso hacia ellos mismos y hacia los demás.

REFERENCIAS BIBLIOGRÁFICAS

Johnson, D. W., Johnson, R. T., & Holubec, E. J. (1999). El aprendizaje cooperativo en el aula. Barcelona: Paidós.

Pujolàs, P. (2009). El aprendizaje cooperativo. 9 ideas clave. Barcelona: Graó.

Yus, R. (1997). Temas transversales hacia una nueva escuela. Barcelona: Graó.